

Prof. Dr. Alfred Toth

Das semiotische Hexagon

1. Gegeben sei die Menge der Primzeichen (vgl. Bense 1980)

$$P = (1, 2, 3)$$

mit $\mathcal{P}(P) = ((1, 2, 3), (1, 3, 2), (2, 1, 3), (2, 3, 1), (3, 1, 2), (3, 2, 1))$.

Wir bilden nun paarweise trajektische Dyaden

$$(1, 2, 3) \rightarrow (1.2 \mid 2.3)$$

$$(1, 3, 2) \rightarrow (1.3 \mid 3.2)$$

$$(2, 1, 3) \rightarrow (2.1 \mid 1.3)$$

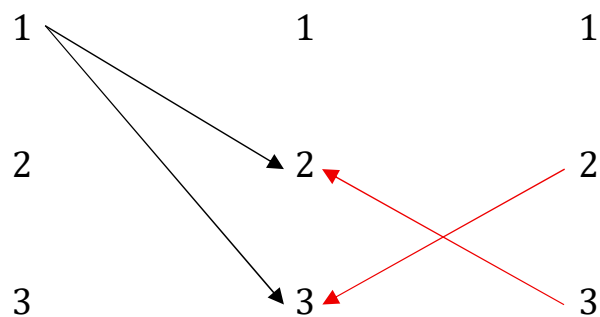
$$(2, 3, 1) \rightarrow (2.3 \mid 3.1)$$

$$(3, 1, 2) \rightarrow (3.1 \mid 1.2)$$

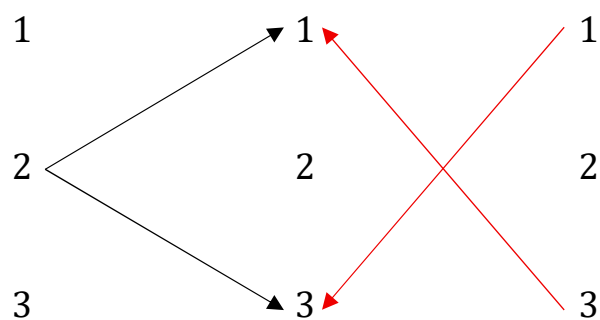
$$(3, 2, 1) \rightarrow (3.2 \mid 2.1).$$

und konstruieren die Trajektogramme (vgl. Toth 2025) dazu.

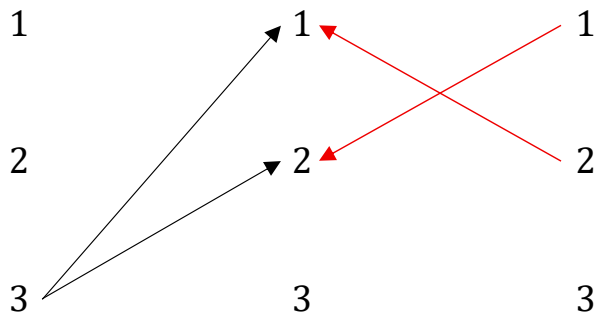
$$\text{TG}((1.2 \mid 2.3), (1.3 \mid 3.2)) =$$



$$\text{TG}((2.1 \mid 1.3), (2.3 \mid 3.1)) =$$

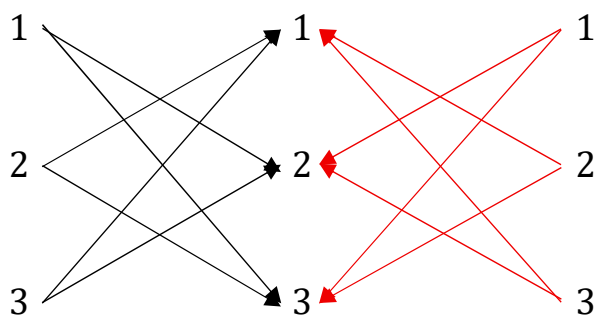


$TG((3.1 \mid 1.2), (3.2 \mid 2.1)) =$



2. Vereinigen wir diese drei TG's zu einem „Meta-TG“, so erhalten wir ein verdoppeltes, bis auf die Abbildungsrichtungen isomorphes System von zwei Teilsystemen, die je die Form eines Hexagons haben.

Meta-TG



Man beachte, daß dieses Hexagon sozusagen nur aus äußeren Ecken, aber keinen äußeren Kanten besteht, d.h. es gibt keine der drei Identitätsabbildungen $(1 \rightarrow 1 \mid 1 \leftarrow 1)$, $(2 \rightarrow 2 \mid 2 \leftarrow 2)$, $(3 \rightarrow 3 \mid 3 \leftarrow 3)$.

Literatur

Bense, Max, Die Einführung der Primzeichen. In: Ars Semeiotica 3/3, 1980, S. 287-294

Toth, Alfred, Heteromorphe chiasmatische Symmetrie. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025

7.11.2025